

第8章 レコードとオブジェクト 補足

8.1 レコード

値や処理をまとめることで、プログラムを簡潔に記述できるようになる。

レコード：複数の値をまとめたデータ

2次元の点を表すレコード Point は、次のようなプログラムになる

```
# Point レコード ( point.rb )
class Point
  attr_accessor("x", "y")
end
```

Point の情報は p.x や p.y という記法でアクセスできる。また Point に対する処理（たとえば描画など）を定義できる。

```
# Point の処理 ( point.rb )
def point_make(u,v)
  p = Point.new()
  p.x = u
  p.y = v
  p
end
def point_scale(p,s)
  point_make(p.x*s,p.y*s)
end
def point_add(p,q)
  point_make(p.x+q.x, p.y+q.y)
end
def point_interpolate(p,q,t)
  point_add(point_scale(p,1-t),
            point_scale(q,t))
end
def point_draw(p,a)
  if 0 <= p.y+0.5 && p.y+0.5 < a.length() &&
    0 <= p.x+0.5 && p.x+0.5 < a[0].length()
    a[p.y+0.5][p.x+0.5]=1
  end
end
```

end

線形補間： 2つのデータを1次式で補間すること

2点 p_0, p_1 を線形補間することで、2点を結んだ直線上の点を計算できる.

$$p(t) = (1 - t)p_0 + tp_1 \quad (0 \leq t \leq 1)$$

直線の描画は、与えられた2つの点の間の点を、すべて線形補間で計算し、その点の描画を繰り返すことで実現する.

```
# 直線の描画 ( line.rb )
load("max.rb")
load("abs.rb")
def line_draw(p0,p1,a)
  n=max(abs(p1.x - p0.x), abs(p1.y - p0.y))
  for i in 0..n
    point_draw(point_interpolate(p0,p1,i*1.0/n), a)
  end
end
```

ベジエ (Bézier) 曲線： 線形補間の反復で生成される曲線

2次のベジエ曲線は、図8.1のように3点 p_0, c, p_1 の間で線形補間を2段階 (合計3回) 行うことで得られる点によって構成される. 結果として、 $r(t)$ は3点 p_0, c, p_1 と t に関する2次式で表現されることから、2次のベジエ曲線と呼ばれる.

$$\begin{aligned} q_0(t) &= (1 - t)p_0 + tc \\ q_1(t) &= (1 - t)c + tp_1 \\ r(t) &= (1 - t)q_0(t) + tq_1(t) = (1 - t)^2 p_0 + 2(1 - t)tc + t^2 p_1 \end{aligned}$$

ベジエ曲線の描画は、曲線上の点列を求め、となり合った2点を結ぶ線分列の描画によって実現される.

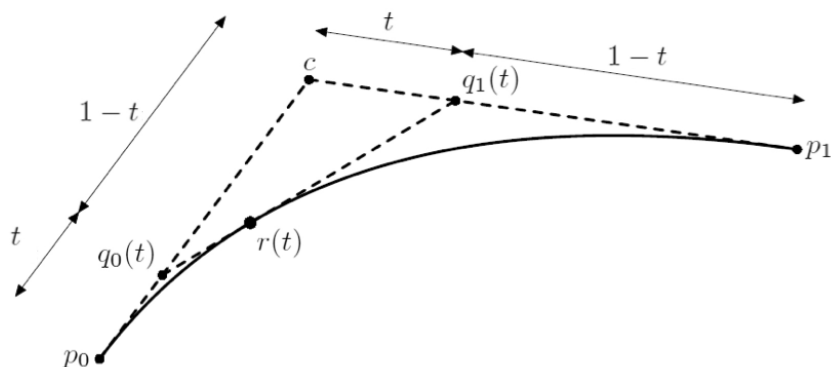


図 8.1: 2次のベジエ曲線.

```
# ベジエ曲線の描画 ( bezier.rb )
load("line.rb")

def bezier_draw(p0,c,p1,a)
  n = 10
  prev = p0
  for i in 1..n
    t = i*1.0/n
    q0 = point_interpolate(p0, c, t)
    q1 = point_interpolate(c, p1, t)
    r = point_interpolate(q0, q1, t)
    line_draw(prev, r, a)
    prev = r
  end
end
```

練習：ベジエ曲線の描画

教科書 p.169 kana.rb の kana メソッドを実行してみよ，

8.2 オブジェクトとカプセル化

オブジェクト：複数の値とともに操作 (処理) もまとめたデータ

2次元の点を表すとともに操作も組み込んだオブジェクト Point は，次のようなプログラムとなり，class Point ~ end の間に，メソッド (関数) が定義されている．

```
# Point クラス (oo-point.rb)
include(Math)

class Point
  attr_accessor("x", "y")
  def initialize(u,v)
    self.x = u
    self.y = v
  end
  def scale(s)
    Point.new(self.x * s, self.y * s)
  end
  def add(q)
    Point.new(self.x + q.x, self.y + q.y)
  end
end
```

メソッド：オブジェクトに対する操作

「オブジェクト.メソッド(引数)」という使い方をする。たとえば、上記の Point オブジェクトの場合には、`p.add(q)` のような計算(表記)が可能となる(教科書 p.175 の実行例参照)。

カプセル化：オブジェクトの内部を意識させない処理

`p.add(q)` という表記では、点(ベクトル)の加算を指定しているものの、内部で x, y 座標を持っていることは意識しないで良い。もしも p, q が 3次元空間内の点であれば、 x, y 以外に z 座標も必要となるが、`p.add(q)` という表記には変わりがない。

練習：Point クラスのメソッド定義

教科書 p.176 の練習 8.5 b, c のメソッド `draw(a)`, `interpolate(q,t)` を定義し、次の `line_draw.rb` の `line_draw` メソッド実行してみよ。

```
isrb(main):001:0> load("line_draw.rb")
true
isrb(main):002:0> load("make2d.rb")
true
isrb(main):003:0> a=make2d(200,200)
: (省略)
isrb(main):004:0> show(a)
: (省略)
isrb(main):005:0> line_draw(Point.new(50,50),Point.new(100,170),a)
0..120
isrb(main):006:0> line_draw(Point.new(40,150),Point.new(180,70),a)
0..140
isrb(main):007:0>
```

線分の描画：2点を結ぶ線分の描画

与えられた2点間の画素を隙間なく描画する(教科書 p.166 ファイル 8.3, 教科書 p.177 ファイル 8.7)。

```
# 線分の描画 (line_draw.rb)
load("abs.rb")
load("max.rb")
load("oo-point.rb")

def line_draw(p0,p1,a)
  n=max(abs(p1.x - p0.x), abs(p1.y - p0.y))
  for i in 0..n
    p0.interpolate(p1,i*1.0/n).draw(a)
  end
end
```

8.3 オブジェクトの継承

オブジェクト間の継承関係を使うことで、性質や処理を再利用（共有）できる。

描画図形： (抽象的な) 描画図形を定義する

線画図形の場合、自分自身を構成する点列（点の配列）があれば、点列を結んで画を描くことができる。points メソッドによって自らの点列が得られるものとする。

```
# 描画図形の定義 (oo-figure.rb)
load("oo-point.rb")
load("line_draw.rb")
# load("line_intersect.rb")

class Figure
  def draw(a)
    pnts = self.points()
    for i in 0..(pnts.length()-2)
      line_draw(pnts[i], pnts[i+1], a)
    end
  end
end
```

継承： オブジェクト (クラス) が他のオブジェクトの性質を引き継ぐこと

以下の例では、Figure クラスを継承した Line クラスを定義している。

線分の定義： 線分は両端点からなる図形

線分の場合、points メソッドは両端点を配列にして返す。Figure クラスを継承しているので、Figure クラスの draw メソッドで描画できる。

```
# 線分の定義 (oo-line.rb)
load("oo-figure.rb")

class Line < Figure
  attr_accessor("p0", "p1")
  def initialize(q,r)
    self.p0 = q
    self.p1 = r
  end
  def points()
    [self.p0, self.p1]
  end
end
```

練習： Line オブジェクトの draw メソッド

drawall.rb の drawline メソッド実行してみよ。

ベジエ曲線の定義：2次のベジエ曲線

ベジエ曲線の場合、`points` メソッドは曲線上の点 $n+1$ 個を配列にして返す。Figure クラスを継承するので、`draw` メソッドが使える。プログラムでは $n=16$ としている。

```
# ベジエ曲線の定義 (oo-bezier.rb)
load("oo-line.rb")

class Bezier < Line
  attr_accessor("p0", "c", "p1")
  def initialize(q,r,s)
    super(q,s)
    self.c = r
  end
  def points()
    n = 16
    pnts = Array.new(n+1)
    pnts[0] = self.p0
    pnts[n] = self.p1
    for i in 1..(n-1)
      t = i*1.0/n
      q0 = self.p0.interpolate(c, t)
      q1 = self.c.interpolate(p1, t)
      pnts[i] = q0.interpolate(q1, t)
    end
    pnts
  end
end
```

練習：Bezier オブジェクトの draw メソッド

`drawall.rb` の `drawground` メソッドを実行してみよ。

円の定義：正 n 角形で近似した円

円の場合 `points` メソッドは正 n 角形の頂点 $n+1$ 個を配列にして返す（0 番目と n 番目は同一の頂点にすることで閉じた図形になる）。Figure クラスを継承するので、`draw` メソッドで描画できる。プログラムでは $n=32$ としている。なお、このプログラムでは図 8.2 のように `oo-point.rb` の `rotate` メソッドの利用を仮定しているので、教科書 p.176 の**練習 8.5 d** を完成させる必要がある。

```
# 円の定義 (oo-circle.rb)
load("oo-figure.rb")
include(Math)

class Circle < Figure
```

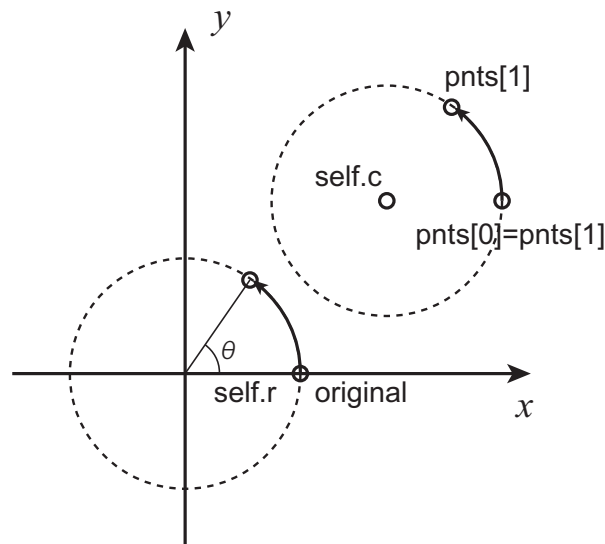


図 8.2: 円 (正多角形) の頂点列.

```

attr_accessor("c", "r")
def initialize(q,r)
  self.c = q
  self.r = r
end
def points()
  n = 32
  pnts = Array.new(n+1)
  original = Point.new(self.r, 0)
  pnts[0] = original.add(self.c)
  pnts[n] = pnts[0]
  theta = 2 * PI / n
  for i in 1..(n-1)
    pnts[i] = # ここは自分で考えること
  end
  pnts
end
end

```

8.4 オブジェクトの多相性

複数オブジェクトが同一のオブジェクトを継承することで、共通の性質を持ち、統一的に扱うことが可能となる。

多相性： オブジェクトの変容 (変化)

同じ名前のメソッドを持つことにより、共通の性質 (メソッド) を持ちつつ、異なる振舞をするオブジェクト群を統一的に処理できる。特に、同一オブジェクトを継承することで、共通の性質を持ちつつ、微妙に差のあるオブジェクト群を定義できる。

以下のプログラムでは、線分 `Line`、ベジエ曲線 `Bezier`、円 `Circle` はいずれも線画図形 `Figure` であり、`Figure` オブジェクトの配列から取り出した図形を `draw` メソッドで描画すると、それぞれの性質に応じて描画される。実際には、各オブジェクトの振舞が変わるのは `points` メソッドの差である。その意味では、この例の場合、`points` メソッドが多相性の中心的な役割をなしている。

```
# 図形の描画 (drawall.rb)
load("make2d.rb")
load("oo-line.rb")
load("oo-bezier.rb")
load("oo-circle.rb")

def drawmoon()
  p0=Point.new(0,85)
  p1=Point.new(99,85)
  f=[Line.new(p0,p1),
    Bezier.new(p0,Point.new(50,60),p1),
    Circle.new(Point.new(66,20),20)]
  a=make2d(100,100)
  drawall(f,a)
  show(a)
end
def drawall(elements,a)
  for i in 0..elements.length()-1
    elements[i].draw(a)
  end
end
```

仮に多相性がなければ、`drawall` は次のように書かなくてはならない。

```
def drawall(elements,a)
  for i in 0..elements.length()-1
    if elements[i].type == "Line"
      line_draw(elements[i],a)
    else
      if elements[i].type == "Circle"
        circle_draw(elements[i],a)
      else
        if elements[i].type == "Bezier"
          bezier_draw(elements[i],a)
        end
      end
    end
  end
end
```

```
end
end
```

8.5 オブジェクト指向によるベクトルの計算

オブジェクト指向ではカプセル化により、内部を見せずに操作が可能となる。たとえば、点をベクトルの一種と考えて、ベクトル同士の演算を定義すると、様々な計算をすっきりと書くことが可能となる。この際、ベクトルの次元 (x, y, z などの座標値) を意識しなくて良い。

加減算： ベクトル間の加減算

すでに教科書のなかで、`add` や `scale` が定義されているが、`sub` は以下のようになる。

```
# Point クラスの定義内、以下 normal() まで同様 (oo-point.rb)
def sub(q)
  Point.new(self.x - q.x, self.y - q.y)
end
```

内積： ベクトル間の内積

```
def dotProduct(v)
  self.x*v.x + self.y*v.y
end
```

正規化： ベクトルの正規化

内積を使うことで比較的簡潔に書ける

```
def normalize()
  self.scale(1.0/sqrt(self.dotProduct(self)))
end
```

直交ベクトル： 直交するベクトルを作る

時計回りに $\pi/2$ だけ回転した単位ベクトルを作る

```
def normal()
  Point.new(self.y, -self.x).normalize()
end
```

直線の交点： 2 直線 (線分) の交点計算

図 8.3 のように 2 つの直線 (線分) が交差するには、一方の直線の両端点他方の直線の左右に存在しなければならない。直線に直交するベクトル (= 直線の法線ベクトル) と直線上の任意の点から、与えられた点が直線のどちら側にあるか、またその距離を計算できる。

```
# 直線の交点計算 (line_intersect.rb)
load("oo-point.rb")

def line_intersect(p0,p1,q0,q1)
  pNormal = p1.sub(p0).normal()
  qStart = pNormal.dotProduct(q0.sub(p0))
  qEnd = pNormal.dotProduct(q1.sub(p0))
  qNormal = # ここは自分で考えること
  pStart = # ここは自分で考えること
  pEnd = # ここは自分で考えること
  if (qStart * qEnd > 0) || (pStart * pEnd > 0)
    nil
  else
    p0.interpolate(p1, ((pStart * 1.0) / (pStart - pEnd)))
  end
end
end
```

8.6 オブジェクトの継承と多相性（再）

オブジェクト指向の継承と多相性を利用することで、性質（値や処理）を統一的に扱うことができる。

線画図形の交点： 線画図形間の交点計算

線画図形を線分の列（点列）とみなすことで、線分同士の交点計算に帰着できる。

```
# Figure クラスの定義内 (oo-figure.rb)
load("line_intersect.rb")
```

```
def intersect(other)
  spnts = self.points()
  opnts = other.points()
  results = Array.new()
  for i in 0..(spnts.length()-2)
    for j in 0..(opnts.length()-2)
```

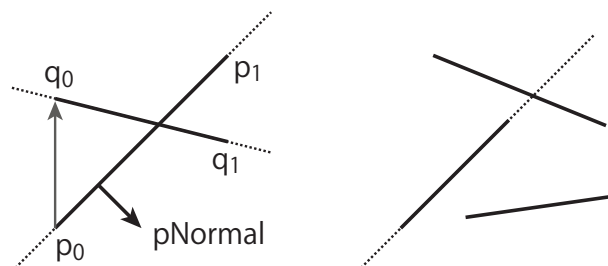


図 8.3: 直線 (線分) の交点.

```

        point =
            line_intersect(spnts[i], spnts[i+1], opnts[j], opnts[j+1])
        if point != nil
            results[results.length()] = point
        end
    end
end
end
results
end

```

多相性：オブジェクトの変容 (変化)

同じ名前のメソッドを持つことにより、共通の性質 (メソッド) を持ちつつ、異なる振舞をするオブジェクト群を統一的に処理できる。

以下のプログラムでは、線分 Line、ベジエ曲線 Bezier がともに線画図形 Figure であり、Figure オブジェクト配列内の図形間で交点計算を統一的に処理できる。

```

# 交点の表示 (drawintersect.rb)
load("make2d.rb")
load("oo-line.rb")
load("oo-circle.rb")
load("oo-bezier.rb")

def drawintersect()
    a = make2d(400, 400)
    f = [Line.new(Point.new(50, 50), Point.new(300, 350)),
         Circle.new(Point.new(199, 199), 70),
         Bezier.new(Point.new(50, 200), Point.new(150, 50),
                     Point.new(350, 300)),
         Bezier.new(Point.new(250, 50), Point.new(100, 150),
                     Point.new(200, 350))]
    for i in 0..(f.length()-1)
        f[i].draw(a)
        for j in (i+1)..(f.length()-1)
            results = f[i].intersect(f[j])
            for k in 0..(results.length()-1)
                Circle.new(results[k], 4).draw(a)
            end
        end
    end
    show(a)
end

```

練習：線画図形間の交点計算

`line_intersect.rb` の `line_intersect` メソッドを完成せよ. さらに `drawintersect.rb` の `drawintersect` メソッドを実行せよ.